Контрольные работы по алгебре, 7-9 класс

Приведено по два варианта контрольных работ по алгебре для 7 класса, ориентированных на новые версии учебных комплектов А.Г.Мордковича и др. Алгебра-7 Часть 1. Учебник; часть 2. Задачник. Мнемозина, 2007.

7 класс

Контрольная работа № 1

Вариант № 1

1. Найдите значение числового выражения:

a)
$$2.8 - 3.1 - 4.9 + 4.2;$$
 6) $0.3 \cdot \frac{2}{7} + 0.3 \cdot \frac{5}{7}$.

- 3. Запишите обозначение, аналитическую и геометрическую модели числового промежутка: «Открытый луч с началом в точке (–9)». Сколько отрицательных целых чисел принадлежит данному открытому лучу?
- 4. Упростите алгебраическое выражение и найдите его значение:

$$4(4c-3)-(10c+8)$$
 при $c=\frac{5}{6}$.

5. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования: В книге 140 страниц. В пятницу Знайка прочитал в 1,2 раза меньше страниц, чем в субботу, и на 20 страниц больше, чем в воскресенье. Сколько страниц прочитал Знайка в субботу?

Вариант № 2

1. Найдите значение числового выражения:

a)
$$4,3+7,9-2,3+2,1;$$
 6) $\frac{5}{6} \cdot 0,04 - \frac{5}{6} \cdot 1,04.$

- **2.** Решите уравнение: a) 3x 2 = 0;
- 6) 7x + 1.5 = 10x 3.
- 3. Запишите обозначение, аналитическую и геометрическую модели числового промежутка: «Луч с концом в точке 7». Сколько натуральных чисел принадлежит данному лучу?
- **4.** Упростите алгебраическое выражение и найдите его значение: 3(5-4a)-(12a-7) при a=0,5.
- **5.** Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования: Капитан Врунгель загрузил на свой корабль в трех ящиках 39 кг авокадо. В первом ящике было в 1,5 раза больше авокадо, чем во втором, а во втором на 4 кг меньше, чем в третьем. Сколько килограммов авокадо в первом ящике?

Вариант № 1

1. Постройте график линейной функции y = -2x + 1.

С помощью графика найдите:

- а) наименьшее и наибольшее значения функции на отрезке [-1;2];
- б) значения переменной x, при которых y = 0, y < 0.
- 2. Найдите координаты точки пересечения прямых y = 3 x и y = 2x.
- 3. а) Найдите координаты точек пересечения графика линейного уравнения -3x + 2y 6 = 0 с осями координат;
 - б) Определите, принадлежит ли графику данного уравнения точка $K\left(\frac{1}{3};\ 3,5\right)$.
- 4. а) Задайте линейную функцию y = kx формулой, если известно, что ее график параллелен прямой -3x + y 4 = 0.
 - б) Определите, возрастает или убывает заданная функция. Ответ объясните.
- 5. При каком значении p решением уравнения 5x + py 3p = 0 является пара чисел (1;1)?

Вариант № 2

1. Постройте график линейной функции y = 2x - 3

С помощью графика найдите:

- а) наименьшее и наибольшее значения функции на отрезке [-2;1];
- б) значения переменной x, при которых y = 0, y > 0.
- 2. Найдите координаты точки пересечения прямых y = -x и y = x 2.
- 3. а) Найдите координаты точек пересечения графика линейного уравнения 2x 5y 10 = 0 с осями координат;
 - б) Определите, принадлежит ли графику данного уравнения точка $M\!\left(\!-\frac{3}{2};-2,\!6\right)\!\!.$
- 4. а) Задайте линейную функцию y = kx формулой, если известно, что ее график параллелен прямой 4x + y + 7 = 0.
 - б) Определите, возрастает или убывает заданная функция. Ответ объясните.
- 5. При каком значении p решением уравнения -px + 2y + p = 0 является пара чисел (-1; 2)?

Вариант № 1

- 1. Решите систему уравнений графическим методом: $\begin{cases} x+y=5, \\ y=2x+2. \end{cases}$ 2. Решите систему уравнений методом подстановки: $\begin{cases} 15x-4y=8, \\ -3x+y=1. \end{cases}$
- 3. Решите систему уравнений методом алгебраического сложения: $\begin{cases} x+y=45, \\ x-y=13. \end{cases}$
- 4. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования: В туристический поход ребята взяли двухместные и трехместные палатки. Сколько человек разместилось в трехместных палатках, если на 26 человек ребята взяли 10 палаток?
- 5. При каком значении p, график уравнения y + px = 0 пройдет через точку пересечения прямых $y = \frac{2}{7}x - 21$ и $y = -\frac{1}{9}x + 29$?

- 1. Решите систему уравнений графическим методом: $\begin{cases} y = 2x 1, \\ x + y = -4. \end{cases}$ 2. Решите систему уравнений методом подстановки: $\begin{cases} 4x 9y = 3, \\ x + 3y = 6. \end{cases}$
- 3. Решите систему уравнений методом алгебраического сложения: $\begin{cases} x + y = 49, \\ -x + y = 17. \end{cases}$
- 4. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования: Одна сторона прямоугольника на 4 см больше другой. Если меньшую сторону увеличить в 2 раза, а большую оставить без изменения, то периметр нового прямоугольника будет равен 56 см. Найдите стороны данного прямоугольника.
- **5.** При каком значении p, график уравнения y + px = 0 пройдет через точку пересечения прямых $y = \frac{5}{9}x - 16$ и $y = \frac{3}{4}x + 5$?

Вариант № 1

- 1. Упростите выражение:
 - a) $v^4 : v \cdot (v^2)^3$;
- B) $(2ab^2)^4 \cdot (2a^2b)^3$;
- 6) $5x^2y 8x^2y + x^2y$; Γ) $\frac{(m^4)^7}{(m^3)^9m}$.
- 2. Вычислите $\frac{(2^5)^2 \cdot 3^{10}}{6^7}$.
- 3. Сравните значения выражений $\left(\frac{3}{5}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{3}\right)^2$ и 1,6°.
- 4. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования: Длина прямоугольника составляет $\frac{5}{6}$ его ширины. Найдите стороны прямоугольника, если его площадь равна 120см².
- 5. Решите уравнение $\frac{(2x^3)^5(2x^2)^4}{(4x^5)^4} = 54$.

- 1. Упростите выражение:
 - a) $(a^5)^3 : a^{10} \cdot a$;
- B) $(3x^3y^4)^3:(3xy^2)^2$;
- 6) $xy^2 13xy^2 + 5xy^2$; $\Gamma = \frac{(z^9)^4}{z(z^5)^7}$.
- 2. Вычислите $\frac{(3^2)^4 \cdot 5^8}{15^6}$.
- 3. Сравните значения выражений $\left(\frac{7}{4}\right)^{5} \cdot \left(\frac{4}{7}\right)^{4}$ и (-2)⁰.
- 4. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования: Стороны прямоугольника относятся как 7:6, а его площадь равна 168см². Найдите стороны прямоугольника.
- 5. Решите уравнение $\frac{(3x^3)^5(3x^3)^4}{(9x^6)^4} = 24$.

Вариант № 1

- 1. Найдите многочлен p(x) и запишите его в стандартном виде, если $p(x) = p_1(x) + p_2(x) p_3(x)$, где $p_1(x) = -2x^2 + 3x$; $p_2(x) = 4x^2 3$; $p_3(x) = 2x 4$.
- 2. Преобразуйте выражение в многочлен стандартного вида: a) 4xy(2x+0.5y-xy); б) (x-3)(x+2); в) $(24x^2y+18x^3):(-6x^2)$.
- 3. Упростите выражение, используя формулы сокращенного умножения: $(2p-3)(2p+3)+(p-2)^2$.
- 4. Найдите три последовательных натуральных числа, если известно, что квадрат большего из них на 34 больше произведения двух других.
- 5. Докажите, что значение выражения $5x^3 5(x+2)(x^2 2x + 4)$ не зависит от значения переменной.

- 1. Найдите многочлен p(x) и запишите его в стандартном виде, если $p(x) = p_1(x) + p_2(x) p_3(x)$, где $p_1(x) = 2x^2 5x$; $p_2(x) = 3x^2 + 1$; $p_3(x) = x 2$.
- 2. Преобразуйте выражение в многочлен стандартного вида: а) $-5ab(3a^2-0.2b^2+ab)$; б) (a+4)(a-5); в) $(35a^3b-28a^4):7a^3$.
- 3. Упростите выражение, используя формулы сокращенного умножения: $(m+3)^2 + (3m-1)(3m+1)$.
- 4. Найдите три последовательных натуральных числа, если известно, что квадрат меньшего из них на 47 меньше произведения двух других.
- 5. Докажите, что значение выражения $2y^3 + 2(3-y)(y^2 + 3y + 9)$ не зависит от значения переменной.

Вариант № 1

- 1. Разложите многочлен на множители:
- a) $3x^2 12x$; b) $4x^2 9$; c) $ab 2a + b^2 2b$; c) $x^3 8x^2 + 16x$.
- 2. Сократите дробь: a) $\frac{15-5y}{9-y^2}$; б) $\frac{m^2-4mn+4n^2}{m^2-4n^2}$.
- 3. Решите уравнение $x^3 64x = 0$.
- 4. Докажите тождество $x^2 12x + 32 = (x 8)(x 4)$
- 5. Вычислите наиболее рациональным способом $87 \cdot 43 + \frac{87^3 43^3}{44}$.

- 1. Разложите многочлен на множители:
- a) $4x^2 + 8x$; b) $9a^2 16$; c) $3m 6n + mn 2n^2$; r) $y^3 + 18y^2 + 81y$.
- 2. Сократите дробь: a) $\frac{36-a^2}{18+3a}$; б) $\frac{9p^2-q^2}{9p^2+6pq+q^2}$.
- 3. Решите уравнение $x^3 36x = 0$.
- 4. $\frac{}{\text{Докажите тождество}} x^2 + 14x + 48 = (x+8)(x+6)$.
- **5.** Вычислите наиболее рациональным способом $\frac{169^3 + 59^3}{228} 169 \cdot 59$.

Вариант № 1

1. Постройте график функции $y = x^2$

С помощью графика найдите:

- а) значения функции при значении аргумента, равном -2; 1; 3;
- б) значения аргумента, если значение функции равно 4;
- в) наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке [-3;0].
- 2. Решите графически уравнение $-x^2 = 2x 3$.
- 3. Дана функция y = f(x), где $f(x) = x^2$. При каких значениях аргумента верно равенство f(x-4) = f(x+3)?
- 4. Дана функция y = f(x), где $f(x) = \begin{cases} x^2, \text{ если } -3 \le x \le 2, \\ -x + 6, \text{ если } x > 2. \end{cases}$
 - а) Найдите f(-3), f(2), f(3).
 - б) Постройте график функции y = f(x).
- 5. Постройте график функции $y = \frac{x^3 3x^2}{3 x}$.

Вариант № 2

1. Постройте график функции $y = -x^2$

С помощью графика найдите:

- а) значения функции при значении аргумента, равном 3; 1; 2;
- б) значения аргумента, если значение функции равно -9;
- в) наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке [0;2].
- 2. Решите графически уравнение $x^2 = -x + 6$.
- 3. Дана функция y = f(x), где $f(x) = x^2$. При каких значениях аргумента верно равенство f(x-2) = f(x+5)?
- 4. Дана функция y = f(x), где $f(x) = \begin{cases} x+3, \text{ если } x < -1, \\ x^2, \text{ если } -1 \le x \le 3. \end{cases}$
 - а) Найдите f(-2), f(-1), f(3).
 - б) Постройте график функции y = f(x).
- 5. Постройте график функции $y = \frac{x^2 + x^3}{x + 1}$.

Итоговая контрольная работа Вариант № 1

1. Постройте график функции y = -3x + 6.

С помощью графика определите:

- а) наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке [1; 2];
- б) значения аргумента, при которых y = 0; y < 0.
- 2. Решите уравнение $(x-5)(x+5) = (x-3)^2 + 2$.
- 3. Сократите дробь:

a)
$$\frac{35x^5y^7z^2}{21x^3y^8z^2}$$
;

$$6) \frac{-14a^2 - 7ab}{b^2 - 4a^2}.$$

- 4. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования: Расстояние между двумя пристанями по реке равно 27км. Катер проплывает его по течению реки за 1,5ч, а против течения за 2ч15м. Найти собственную скорость катера и скорость течения реки.
- 5. Постройте график функции y = f(x), где

$$f(x) = \begin{cases} 2x + 8, & ecnu - 5 \le x < -2, \\ x^2, & ecnu - 2 \le x \le 3. \end{cases}$$

С помощью графика определите, при каких значениях р график функции y = f(x) пересекает прямую y = p в двух точках.

Вариант № 2

1. Постройте график функции $y = \frac{1}{2}x + 1$.

С помощью графика определите:

- а) наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке [0; 3];
- б) значения аргумента, при которых y = 0; y > 0.
- 2. Решите уравнение $(x+6)^2 = (x-4)(x+4) 8$.
- 3. Сократите дробь:

a)
$$\frac{28a^6b^8c^3}{36a^7b^8c}$$

a)
$$\frac{28a^6b^8c^3}{36a^7b^8c}$$
; 6) $\frac{y^2-9x^2}{18x^2-6xy}$.

- 4. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования: Катер за 1ч20м проплывает по течению реки 24км, а против течения за 1,5ч на 3км меньше. Найти скорость течения реки и собственную скорость катера.
- 5. Постройте график функции y = f(x), где

$$f(x) = \begin{cases} -x^2, & ecnu - 2 \le x \le 1, \\ x - 2, & ecnu \ 1 < x \le 4. \end{cases}$$

С помощью графика определите, при каких значениях р график функции y = f(x) пересекает прямую y = p в двух точках.