[](Фрагмент.shs)

Лиц Людмила Юрьевна

Место работы и должность -МОУ «Средняя школа №6»,учитель математики, первая квалификационная категория.

Педагогический стаж-28 лет.

Образование -высшее, Новосибирский государственный педагогический институт.

Задачи с параметрами представляют для учащихся наибольшую сложность. Это самые трудные задания части *С* Единого государственного экзамена. Универсальных указаний по решению задач с параметрами дать нельзя. Приходится рассматривать различные случаи – в зависимости от значений параметров и методы решения различны. Но знание некоторых правил и алгоритмов решения необходимо. Работа в профильных классах заставила меня по–другому взглянуть на уроки обобщения и систематизации знаний. Именно на таких уроках можно предлагать задания, содержащие параметры. В процессе решения этих заданий можно проверить знание основных разделов школьной математики, уровень математического и логического мышления, первоначальные навыки исследовательской деятельности. Учащиеся, владеющие методами решения задач с параметрами, успешно справляются с другими задачами.

Данный урок проводился в профильном математическом классе при повторении темы «Производная».

Задачи с параметрами при изучении темы «Производная»

Цели: 1. Обобщение и систематизация знаний и способов деятельности по теме «Производная»; формирование умений решать задачи с параметрами.

2.Развитие исследовательской и познавательной деятельности.

3. Воспитание интереса к предмету через содержание учебного материала; развитие таких качеств характера, как настойчивость в достижении цели, силы воли, умение не растеряться в проблемной ситуации.

Тип урока: систематизация и обобщение изученного материала.

Ход урока

I.Организационный момент, сообщение учащимся цели урока.

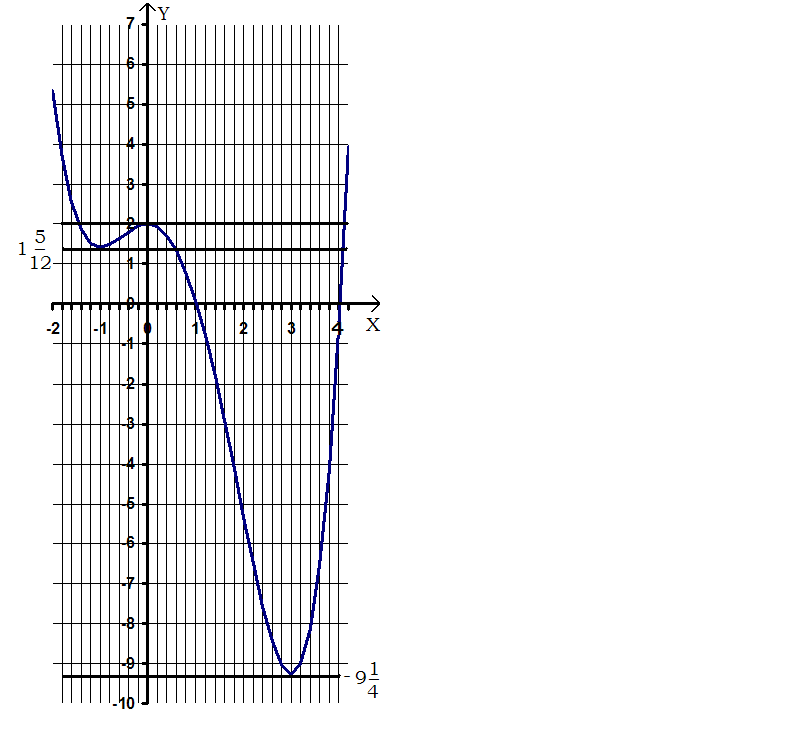
II.Актуализация знаний учащихся.

1. Найти производные функций: у = х4 + 3х2–12, у = ln(x–1);
2. В чем заключается геометрический смысл производной?
3. Написать уравнение касательной к графику функции у = f(x) в точке с абсциссой х0.
4. Рассказать, как найти наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке [*a;b*].
5. При каком условии функция непрерывно возрастает на всей числовой прямой?

III.Проверка домашнего задания:

1. Построить график функции *y=x4-* 3 - *x2+2.*

Ученики сверяют свои графики с графиком, заранее построенном на доске (или через проектор)



Используя график, решите задачу «Сколько действительных корней имеет уравнение *y=x4-* 3 - *x2+2=а* при различных значениях параметра *а*»?

С помощью рисунка ученики отвечают на вопрос задачи.

Ответ: при *а*<-9 –нет корней;

при *а* = -9 - один корень;

при 9 < *а*<, *а*>2 – два корня;

при *а =* , *а* = 2 – три корня;

при < *a* < 2 – четыре корня.

1. При каких значениях параметра *а* прямая *у=ах-2* является касательной к графику функции *у=1+lnx*?

Решение задачи рассказывает ученик, вызванный к доске.

Решение.

Для того, чтобы прямая *у=кх+b* была касательной к графику функции *y=f(x),* необходимо и достаточно существование хотя бы одного числа *х*, для которого выполняется система

Записав условие касания

получим

Ответ: при *а=*е2*.*

III. Решение задач.

1.При каких значениях параметра *а* функция *f(x)=ax3-6x2+4x+7* имеет одну стационарную точку?

Решение.

D(f) = R.

Стационарные точки – это точки, в которых производная равна нулю.

fʹ(*x*)= 3*ax*2 -12*x*+4,

3*ax*2 -12*x*+4=0,

при *а*≠0: D1=36-12*a*=0, *a*=3;

при *а*=0: 12*x*+4=0, *х* =.

Ответ: при *а*=0, *а*=3.

2.Выяснить, при каких значениях параметра *а* наименьшее значение функции *y=x2-12x+a* на отрезке равно нулю.

Решение.

Функция непрерывна на [1;3] и дифференцируема на (1;3).

Найдем стационарные точки:уʹ(х) =3х2-12, 3х2-12 =0, х=-2;-2

Найдем значения функции на концах отрезка и в стационарной точке: у(1) = *а* – 11;

у(3)=*а-*16; у(2) = *а*-9; *а*-16 – наименьшее значение функции, следовательно, *а*-16 = 0, *а*=16.

Ответ: при *а* =16.

3. Найти все такие значения параметра *а,* при которых касательная к графику функции у = х7 в точке х0 = *а* и касательная к графику функции у = х8 в точке х0=*а* не пересекаются.

Решение.

Так как прямые не пересекаются, то они параллельны или совпадают, то есть их угловые коэффициенты равны. Составим уравнения касательных к графикам данных функций в точке х0 = *а*:

а) у ʹ(х) = 8х7, уʹ(*а*) = 8*а*7, у(*а*) = *а*8, у = *а*8 + 8*а*7 (*х* – *а)*, у = 8*а*7*х* – 7*а*8;

б) у ʹ(х) = 7х6, уʹ(*а*) = 7*а*6, у(*а*) = *а*7, у = *а*7 + 7*а*6 (*х* – *а)*, у = 7*а*6*х* – 6*а*7.

Имеем: 8*а*7 = 7*а*6,

*а*6 (8*а* – 7) = 0, *а =*0 или *а* = .

Ответ: при *а* = 0; .

4.При каких значениях параметра *а* функция возрастает на всей числовой прямой, если у = (*а*2- 1)*х*3/3 + (*а* – 1)*х*2 + 2*х +* 1?

Решение.

D(у) = R.

Чтобы функция возрастала на всей числовой прямой, ее производная должна быть больше нуля для всех действительных значений х.

Найдем производную функции: уʹ(х) = ( *а*2 – 1)*х*2 + 2(*а –* 1*)х* +2 и решим неравенство

(*а*2 – 1)*х*2 + 2(*а –* 1*)х* +2 0. Это неравенство верно для всех х R, если *а*2 – 1 0 и дискриминант уравнения ( *а*2 – 1)*х*2 + 2(*а –* 1*)х* +2=0 меньше нуля.

D = ( *а* – 1)2 - 2(*а*2 *–* 1*)* = -*а*2 – 2*а*  + 3,

*а*2 – 2*а*  + 3 < 0,

*а*2 + 2*а*  -3 > 0.

Решая данное неравенство и учитывая решение неравенства *а*2 – 1 0, получаем:

*а*(-;-3) (1; +).

Рассмотрим случай, когда *а*2 – 1 0. Имеем *а =-*1 или *а* =1.

Если *а = -*1*,* то *-*4*х* + 2 >0, *x* < - не удовлетворяет условию задачи.

Если *а* = 1, то 2 *>*0 – неравенство верно для всех *х* R.

Ответ.(-;-3) [1; +).

IV.Задание на дом.

1. При каких значениях параметра *а* функция возрастает на всей числовой прямой, если у=*ах*2 + 3*ах*2 + 6*х* + 7?
2. Выяснить, при каких значениях параметра *а* наименьшее значение функции *y=x3-3x+a* на отрезке равно 5.
3. Выяснить, при каких значениях параметра *а* точка *х0* = *а* является точкой минимума функции у = 2*х*3*-* 3*(а* +1)*х*2 + 6*ах* – 1.

V.Подведение итогов урока, оценка работы учащихся.